EESTI NSV TEADUSTE AKADEEMIA TOIMETISED. 22. KÕIDE FÜÜSIKA * MATEMAATIKA. 1973, NR. 2

ИЗВЕСТИЯ АКАДЕМИИ НАУК ЭСТОНСКОЙ ССР. ТОМ 22 ФИЗИКА * МАТЕМАТИКА. 1973, № 2

https://doi.org/10.3176/phys.math.1973.2.06

УДК 523.035.33®

А. НИКИТИН, Т. ФЕКЛИСТОВА

К ВОПРОСУ О ТЕОРЕТИЧЕСКОЙ ИНТЕРПРЕТАЦИИ ЭМИССИОННЫХ СПЕКТРОВ ЗВЕЗД WR

II. РАСЧЕТ ВЕРОЯТНОСТЕЙ ЗАПРЕЩЕННЫХ ПЕРЕХОДОВ 2p² ¹SD — 2s2p ³P В СПЕКТРАХ ИОНОВ ВеІ, ВІІ, СІІІ, NIV, ..., РХІІ

Успехи астроспектроскопии позволяют в настоящее время провести более детальный анализ эмиссионных спектров ряда многоэлектронных атомов у звезд WR, Of, планетарных туманностей и звезд других типовс разреженной оболочкой.

Недавние исследования [1-3] показали, что при теоретическом ана-лизе интенсивных линий СШ, NIV, ... у звезд типа WRC, WRN, WRCN, Of и других. необходим учет межконфигурационных эффектов. Например, при теоретической оценке интенсивностей линий с длинами волн 8500,3 и 6380,8 Å (2s3s ¹S — 2s3p ¹P), 5696 и 4057,8 Å (2s3p 1P - 2s3d 1D) у СШ и NIV существенен учет таких межконфигурационных переходов, как 2p² ¹SD — 2s3p ¹P, 2s3d ¹D — 2p3s ¹P, 2p3s ¹P — 2s4d ¹D, 2s4d ¹D — 2p3d ¹F (примеры даны для синглетных серий; аналогичные переходы, связанные с термами 2p^{2 3}P, 2s3d ³D, ..., имеют место и для триплетов). Вклад межконфигурационных переходов будет особенно заметен при условии, что излучающая оболочка оптически достаточно плотна в частотах линий субординатных серий СШ, NIV, ..., заканчивающихся на термах 2p² ¹SD ³P, 2s2p ^{1,3}P. При этом условии возрастет роль каскадных переходов на уровни, переходы с которых дают интенсивные линии с длинами волн 5696, 8500,3 Å и некоторые другие линии, наблюдаемые в спектрах звезд WR. С другой стороны, для оболочек, оптически достаточно тонких в частотах межконфигурационных линий, интенсивности головных линий с длинами волн 8500,3 и 6380,8 Å могут быть ослаблены по сравнению с 5696 и 4057,8 Å.

Лабораторные исследования показывают, что в спектрах NIV, OV, ... наблюдаются запрещенные линии $2p^{2} {}^{1}S_{0} - 2s2p {}^{3}P_{1}$ и $2p^{2} {}^{1}D_{2} - 2s2p {}^{3}P_{1,2}$ [^{4, 5}]. Как известно, интенсивности запрещенных линий дают возможность оценить населенности верхних состояний, переходы с которых и дают запрещенные линии, т. е. в принципе эти линии позволяют оценить оптические толщины излучающих оболочек в частогах линий, оканчивающихся на состояниях $2p^{2} {}^{1}SD$. Члены, связанные с этими переходами, должны входить в уравнения стационарности для нижних возбужденных состояний СШ, NIV, OV, ...

В настоящей статье, являющейся продолжением работы [6], определяются вероятности запрещенных линий $2p^{21}S_0 - 2s2p \, {}^{3}P_1$ и $2p^{21}D_2 - 2s2p \, {}^{3}P_{1,2}$ в спектрах изоэлектронной последовательности СШ, NIV, OV, ..., РХШ.

Рассматриваемые интеркомбинационные линии, связанные с нарушением правила отбора по спину, возникают при переходах между термами возбужденных конфигураций $2p^2$ и 2s2p. Нарушение правила отбора по спину связано с отклонением от нормальной *LS*-связи и обусловлено спин-орбитальным взаимодействием.

В спектре скользящей искры [⁴] наблюдалась интеркомбинационная линия $2p^{2} D_2 - 2s2p {}^{3}P_2$ NIV с длиной волны 823,273 Å и интенсивностью, равной 2. Разрешенные линии NIV с длинами волн 765,1 $(2s^{2} IS - 2s2p {}^{1}P^{0})$ и 923 Å $(2s2p {}^{3}P^{0} - 2p^{2} {}^{3}P)$ имеют интенсивность 15 и 14 [⁷]. Интеркомбинационный дублет $2p^{2} D_2 - 2s2p {}^{3}P_{1,2}$ OV с длинами волн 668,24 и 669,62 Å также наблюдался в спектре скользящей искры [⁵].

Вероятность запрещенного перехода $2p^2 {}^1SD - 2s2p {}^3P$ приближенно можно определить при учете спин-орбитального взаимодействия. Улучшенная волновая функция верхнего состояния $2p^2 {}^1SD$ содержит примесь состояния $2p^2 {}^3P$ с тем же моментом *J*, его проекцией *M* и четностью, так что

$$\psi(2p^{2} {}^{1}S_{0}) = \psi(2p^{2} {}^{1}S_{0})_{LS} + \alpha_{1}\psi(2p^{2} {}^{3}P_{0})_{LS};$$
(1)

$$\psi(2p^{2} {}^{1}D_{2}) = \psi(2p^{2} {}^{1}D_{2})_{LS} + \alpha_{2}\psi(2p^{2} {}^{3}P_{2})_{LS}.$$
(2)

Наибольшее влияние на уровень ${}^{3}P_{1}$ нижней конфигурации 2s2p может оказывать только уровень ${}^{1}P_{1}$, так как в этой конфигурации нет больше уровней с J = 1. Следовательно, уточненная волновая функция нижнего состояния $2s2p {}^{3}P_{1}$ может быть представлена в виде

$$\psi(2s2p\,{}^{3}P_{1}) = \psi(2s2p\,{}^{3}P_{1})_{LS} + \beta\psi(2s2p\,{}^{1}P_{1})_{LS}.$$
(3)

Недиагональные матричные элементы а и в даются соотношениями

$$\alpha_{1} = \frac{-\sqrt{2} \xi_{p}}{E({}^{1}S_{0}) - E({}^{3}P_{0})}; \quad \alpha_{2} = \frac{\sqrt{2}/2 \xi_{p}}{E({}^{1}D_{2}) - E({}^{3}P_{2})};$$

$$\beta = \frac{\sqrt{2}/2 \xi_{p}}{E({}^{3}P_{1}) - E({}^{4}P_{1})}, \quad (4)$$

где численные коэффициенты — $\sqrt{2}$ в α_1 и $\sqrt{2/2}$ в α_2 и β — определяются как недиагональные элементы матрицы спин-орбитального взаимодействия [⁸] в нулевом приближении, а знаменатель представляет собой разность энергий уровней $2p^{2\,1}S_0$, ${}^{4}D_2 - 2p^{2\,3}P_{0,2}$ и $2s2p\,{}^{3}P_1 - 2s2p\,{}^{4}P_1$.

Используя выражение для расщепления терма ${}^{3}P$ от J = 0 до J = 2, из матрицы спин-орбитального взаимодействия найдем для ξ_p соотношение

$$\Delta_1 + \Delta_2 = 3/2 \,\xi_p. \tag{5}$$

Для нахождения недиагональных матричных элементов а величины ξ_p определялись из наблюдаемого расщепления терма ${}^{3}P$ конфигурации $2p^2 [{}^{9-11}]$. Из расщепления терма ${}^{3}P$ конфигурации $2s2p [{}^{9-11}]$ были найдены величины ξ_p , которые использовались для определения недиагональных матричных элементов β . В случае иона РХІІ из-за отсутствия данных о расщеплении терма ${}^{3}P$ конфигурации $2p^2$ для нахождения недиагонального матричного элемента а значение ξ_p было взято из расцепления терма $2s2p {}^{3}P$. В табл. 1 приведены полученные значения величин ξ_p (в cm^{-1}).

Для высокоионизованных атомов типа корональных ионов вследствие сильного спин-орбитального взаимодействия может иметь месго значительное нарушение LS-связи и переход к промежуточной связи. Волновые функции в последнем случае находятся путем диагонализации матрицы полной энергии. Использованное выше приближение теории возмущений справедливо до тех пор, пока расщепление между уровнями

an in only	Таблица 1				
Элемент	$\xi_p(\alpha)$	$\xi_p(\beta)$			
ONH TOOL	0.00	0.00			
Bel	2,29	2,02			
BII	14,93	15,20			
CIII	50,87	53,37			
NIV	131,67	138,07			
OV	283.00	295.20			
FVI	536.00	557.33			
NeVII	929.33	966.00			
NaVIII	1488.00	1556,00			
MgIX	2304.00	2422.67			
AIX	3440.00	3566.67			
SiXI	4966.67	5113.33			
PXII	6533.33	6533.33			

значительно меньше среднего расстояния между термами. Поэтому вычисления в последовательности BeI, BII, CIII, NIV, ... проведем до иона PXII, у которого расщепление между уровнями приблизительно в двадцать раз меньше среднего расстояния между термами.

Разность энергий термов ${}^{1}S$, ${}^{1}D$ и ${}^{3}P$, а также ${}^{3}P - {}^{1}P$ определена с использованием работ [${}^{9-11}$].

Для элементов NeVII и PXII величины термов ${}^{1}S_{0}$, ${}^{1}D_{2}$ неизвестны, и их значения определялись с помощью полуэмпирической формулы [12]

$$^{1}S, ^{1}D = Aq^{2} + Bq + C,$$
 (6)

где q — степень ионизации элемента (q = 0 для BeI, q = 1 для BII и т. д.), а параметры A, B, C неизвестны и подбираются так, чтобы вычисленные и наблюденные значения термов [$^{9-11}$] совпадали как можно лучше. Результаты расчета терма ^{1}S (в cm^{-1}) с помощью формулы (6) при значениях параметров A = 100.8; B = 51.928.9; C == 78.258.8 приведены в табл. 2. Там же приведены термы ^{1}D (в cm^{-1}), вычисленные при A = 114; B = 42.109; C = 61.197.

1000	-				0
11	an	10		12.00	.,
1		11	i I I	1.1	
	~~~			1.00	-

			Charles and the second second	ATRINA COLLEG	
Элемент	q	15выч	1 S _{набл}	1 Двыч	1 Dнабл
Bel	0	78259	71499	61197	56432
BII	1	130288	127662	103420	102362
CIII	2	182520	182520	145871	145876
NIV	3	234953	235369	188550	188882
OV	4	287588	287910	231457	231721
FVI	5	340424	340424	274592	274597
NeVII	6	393462		317955	12 -2 320
NaVIII	7	446701	446099	361546	361046
MgIX	8	500143	499444	405365	404744
A'X	9	553785	553270	449412	448840
SiXI	10	607630	607630	493687	493400
PXII	11	661676	Cast. Darter State	538190	538190

Согласие наблюденных и вычисленных значений термов ¹S и ¹D следует считать хорошим.

Недиагональные матричные элементы α₁, α₂ и β найдем по формулам (4), используя наблюденные или вычисленные (табл. 2) значения энергии термов, а также значения величин ξ_p (табл. 1). Результаты расчета даны в табл. 3. Сила дипольной линии определяется субматричным элементом, рассчитанным с помощью уточненных функций (1)—(3):

Элемент

Bel

BII

CIII

NIV

OV

FVI

NeVII

MgIX

AIX

SiXI

PXII

NaVIII

$$\begin{array}{l} \langle \psi \left(2p^{2\,1}S_{0}\right) \|D\|\psi \left(2s2p\,^{3}P_{1}\right) \rangle = \\ = \langle \left(\psi \left(2p^{2\,1}S_{0}\right) + a_{4}\psi \left(2p^{2\,3}P_{0}\right)\right) \|D\| \left(\psi \left(2s2p\,^{3}P_{1}\right) + \\ + \beta\psi \left(2s2p\,^{1}P_{1}\right)\right) \rangle = a_{4} \langle \psi \left(2p^{2\,3}P_{0}\right) \|D\|\psi \left(2s2p\,^{3}P_{1}\right) \rangle + \\ + \beta\langle \psi \left(2p^{2\,1}S_{0}\right) \|D\|\psi \left(2s2p\,^{1}P_{1}\right) \rangle, \qquad (7) \\ \langle \psi \left(2p^{2\,1}D_{2}\right) + a_{2}\psi \left(2p^{2\,3}P_{2}\right) \right) \|D\| \left(\psi \left(2s2p\,^{3}P_{1}\right) + \\ + \beta\psi \left(2s2p\,^{1}P_{1}\right) \right) \rangle = a_{2} \langle \psi \left(2p^{2\,3}P_{2}\right) \|D\| \psi \left(2s2p\,^{3}P_{1}\right) \rangle + \\ + \beta\langle \psi \left(2p^{2\,1}D_{2}\right) \|D\| \psi \left(2s2p\,^{1}P_{1}\right) \rangle, \qquad (8) \\ \langle \psi \left(2p^{2\,1}D_{2}\right) \|D\| \psi \left(2s2p\,^{3}P_{2}\right) \rangle = \langle \left(\psi \left(2p^{2\,1}D_{2}\right) + \\ + a_{2}\psi \left(2p^{2\,3}P_{2}\right) \right) \|D\| \psi \left(2s2p\,^{3}P_{2}\right) \rangle = \\ = a_{2} \langle \psi \left(2p^{2\,3}P_{2}\right) \|D\| \psi \left(2s2p\,^{3}P_{2}\right) \rangle. \qquad (9) \end{array}$$

 $-\alpha_1$ 

 $2,739 \cdot 10^{-4}$ 

7,345 • 10-4

 $1,595 \cdot 10^{-3}$ 

3,112 . 10-3

 $5,375 \cdot 10^{-3}$ 

 $8,509 \cdot 10^{-3}$ 

 $1,262 \cdot 10^{-2}$ 

 $1,777 \cdot 10^{-2}$ 

 $2,445 \cdot 10^{-2}$ 

 $3,266 \cdot 10^{-2}$ 

 $4,267 \cdot 10^{-2}$ 

 $5,119 \cdot 10^{-2}$ 

Субматричные элементы (7)—(9) вычисляются с волновыми функциями LS-связи, и для них справедливы правила отбора по L и S, поэтому в суммах (7)—(9) исчезают те субматричные элементы, которые соединяют состояния с разной мультиплетностью. Сила линии для рассматриваемых переходов, а следовательно, и вероятность определяются квадратом субматричного элемента дипольного момента

$$S_{d}(2p^{2} {}^{1}S_{0}, 2s2p {}^{3}P_{1}) = \alpha_{1}^{2} |\langle {}^{3}P_{0} \| D \| {}^{3}P_{1} \rangle|^{2} + + 2\alpha_{1}\beta |\langle {}^{3}P_{0} \| D \| {}^{3}P_{1} \rangle| |\langle {}^{1}S_{0} \| D \| {}^{1}P_{1} \rangle| + \beta^{2} |\langle {}^{1}S_{0} \| D \| {}^{1}P_{1} \rangle|^{2},$$

$$S_{d}(2p^{2} {}^{1}D_{2}, 2s2p {}^{3}P_{1}) = \alpha_{2}^{2} |\langle {}^{3}P_{2} \| D \| {}^{3}P_{1} \rangle|^{2} +$$

$$(10)$$

$$+2\alpha_{2}\beta|\langle P_{2}\|D\| P_{1}\rangle|\langle D_{2}\|D\| P_{1}\rangle|+\beta^{2}|\langle D_{2}\|D\| P_{1}\rangle|^{2}, \qquad (11)$$

$$S_d(2p^{2\,1}D_2, 2s2p\,{}^{3}P_2) = \alpha_2^2 |\langle {}^{3}P_2 || D ||\, {}^{3}P_2 \rangle|^2.$$
(12)

Вероятность разрешенного перехода определяется известной формулой

$$A(2p^{2}LSJ - 2s2pL'SJ') = \frac{2,68 \cdot 10^{9}}{2J+1}i^{3}S_{42},$$
(13)

где 2J + 1 — статистический вес верхнего терма; *i* — волновое число в ридбєргах и  $S_{12}$  — сила линии электрического дипольного перехода, которая определяется в виде

$$S_{12} = S(M) \cdot s / \Sigma s. \tag{14}$$

Сила мультиплета S(M) для рассматриваемого перехода

$$S(M) = S(n_0 l_0^2 LS, n_0 l_0 n' l' L'S) = 2(2S+1)(2L+1) \times$$

$$(15)$$

$$(2L'+1) \cdot \left\{ \begin{array}{c} l_0 \ L \ l_0 \\ L' \ l' \ 1 \end{array} \right\}^2 \cdot \left| (n_0 l_0 \| T^{(1)} \| \ n' l') \right|^2 \quad (n_0 l_0 \neq n' l'),$$

где одноэлектронный субматричный элемент

167

Таблица 3

as

4,951 . 10-4

3,079 . 10-3

 $4,296 \cdot 10^{-3}$ 

7,080 • 10-3

 $1,122 \cdot 10^{-2}$ 

 $1,688 \cdot 10^{-2}$ 

 $2,413 \cdot 10^{-2}$ 

 $3,378 \cdot 10^{-2}$ 

 $4,642 \cdot 10^{-2}$ 

 $6,177 \cdot 10^{-2}$ 

8,181 . 10-2

 $9,788 \cdot 10^{-2}$ 

 $-\beta$ 

6,939 · 10-5

 $2,981 \cdot 10^{-4}$ 

 $7.553 \cdot 10^{-4}$ 

 $1.539 \cdot 10^{-3}$ 

2.721 . 10-3

4.380 . 10-3

6,616 • 10-3

9,449 · 10-3

 $1,320 \cdot 10^{-2}$  $1,753 \cdot 10^{-2}$ 

2,291 . 10-2

 $2,679 \cdot 10^{-2}$ 

А. Никитин, Т. Феклистова

$$(n_0 l_0 || T^{(1)} || n'l') = -(l_0 || C^{(1)} || l') \cdot s_d(n_0 l_0, n'l')$$
(16)

И

$$s_d(nl,n'l') = e \int_0^\infty r P(nl|r) P(n'l'|r) dr.$$
(17)

Относительная сила линии в дипольном мультиплете

$$s/\Sigma s(SLJ, SL'J') = \frac{(2J+1)(2J'+1)}{(2S+1)} \left\{ \begin{array}{c} L & J & S \\ J' & L' & 1 \end{array} \right\}^2.$$
(18)

При расчете вероятностей запрещенных переходов  $2p^{2} {}^{1}S_{0} - 2s2p {}^{3}P_{1}$ ,  $2p^{2} {}^{1}D_{2} - 2s2p {}^{3}P_{1,2}$  для ионов BeI, BII и CIII значения силы мультиплетов S(M) были взяты из работы [ 13 ], где они определены с помощью расширенного метода расчета.

Все величины, необходимые при расчете вероятностей рассматриваемых запрещенных переходов для ионов BeI, BII, CIII, и полученные значения вероятностей приведены в табл. 4.

		~					
	100	n	10			100	1
1	u		л	u	и	u	
					-		

Переход и эле	мент	λ _{παδ} , Ä	[ <i>i</i> ]	S(M)	s/∑s	А, сек-1
$2p^{2} {}^{1}S_{0} - 2s^{2}p {}^{3}P_{1}$	BeI	2019,43	0,45	42; 5,4	1/9; 1	1,39 · 10 ²
$2p^{2} {}^{1}D_{2} - 2s2p {}^{3}P_{1}$	BeI	2902,55	0.31	49. 97	5/4 • 9; 1	1,16 • 10
$^{1}D_{2} - ^{3}P_{2}$	BeI	2902,75	0,01	12, 21	5/3 • 4	7,11 · 10
$2p^{2} {}^{1}S_{0} - 2s2p {}^{3}P_{1}$	BII	1107,07	0,82	16,9; 2,2	1/9; 1	$3,14 \cdot 10^{3}$
$2p^{2} {}^{1}D_{2} - 2s2p {}^{3}P_{1}$	BII	1537,94	0.59	16.9:11	5/4 • 9; 1	1,55 • 103
${}^{1}D_{2} - {}^{3}P_{2}$	BII	1538,33	0,00	10,0, 11	5/3 • 4	7,44 • 103
$2p^{2} {}^{1}S_{0} - 2s2p {}^{3}P_{1}$	CIII	768,47	1,18	10,4; 1,2	1/9; 1	2,89 • 104
$2p^{2} {}^{1}D_{2} - 2s2p {}^{3}P_{1}$	CIII	1069,69	0.85	10.4. 6	5/4.9 1	$3,64 \cdot 10^{3}$
$^{1}D_{2}$ — $^{3}P_{2}$	CIII	1070,33	0,0	10,4, 0	5/3 • 4	2,64 • 104

Следует отметить, что в табл. 4 сила мультиплета и относительная сила линии в мультиплете имеют по два значения: первое для перехода  ${}^{3}P - {}^{3}P$ , второе для  ${}^{1}S - {}^{1}P$  или  ${}^{1}D - {}^{1}P$  соответственно типу рассматриваемого запрещенного перехода.

При расчете вероятностей запрещенных переходов  $2p^{2} {}^{1}SD - 2s2p {}^{3}P$ для ионов NIV и OV были использованы результаты расчетов разреценных переходов  ${}^{3}P - {}^{3}P$ ,  ${}^{1}S - {}^{1}P$ ,  ${}^{1}D - {}^{1}P$ , приведенные в работе [ 14 ]. В указанной работе в качестве одноэлектронного параметра для дипольного перехода используется величина

$$\sigma^2 = \frac{\varrho^2}{4l_*^2 - 1} \,, \tag{19}$$

где

$$\varrho = \int_{0}^{\infty} r P(nl|r) P(n'l'|r) dr, \qquad (20)$$

и l. — больший из моментов l и l'.

В табл. 5 приведены все необходимые величины и результаты расчета вероятностей рассматриваемых интеркомбинационных линий для нонов NIV, OV. Здесь величина S'(M) — угловая часть силы муль-

168

К вопросу о теоретической интерпретации...

		14]	with huld	1	uonitute o
Переход и элемент	λ _{лаб} , Å	[i]	σ ²	S'(M)	А, сек-1
${}^{1}S_{0} - {}^{3}P_{1}$ NIV	594,89	1,53	0,36995; 0,39545	18; 2	1,58 • 105
${}^{3}D_{2} - {}^{3}P_{1}$ NIV	822,30	111	0.36995+ 0.38728	18: 10	1,04 • 104
$^{1}D_{2} - ^{3}P_{2}$ NIV	823,27	1,11	0,00000, 0,00120	10, 10	1,01 • 105
${}^{1}S_{0} - {}^{3}P_{1} \text{ OV}$	485,83	1,87	0,25593; 0,27063	18; 2	6,05 · 10 ⁵
${}^{4}D_{2} - {}^{3}P_{1} \text{ OV}$	668,24	1.96	0.05502. 0.06566	10, 10	$2,80 \cdot 10^{4}$
${}^{1}D_{2} - {}^{3}P_{2} \text{ OV}$	669,61	1,30	0,20093; 0,20000	18; 10	3,26 · 10 ⁵

Таблица б

Tafauna F

Care	ON THREE	0 ² выя	0 ² в н. ч.	0 ² выч	02[13	3, 14]
Элемент	q	3P_3P	3p_jp	ISD—IP	1S_1P	$^{1}D-^{1}P$
BeI	. 0	0,472	0,778	0,900	0.900	0,900
BII	1	0,313	0,313	0,367	0,367	0,367
CIII	2	0,193	0,193	0,200	0,200	0,200
NIV	3	0,123	0,123	0,126	0,132	0,129
OV	4	0,084	0,085	0,087	0.090	0.088
FVI	5	0,060		0,063	n action of	
NeVII	6	0,045		0.048		
NaVIII	7	0,034		0.038		
MgIX	. 8	0,027		0.031		
AIX	9	0,022		0.025		
SiXI	10	0.018		0.021		
PXII	11	0,015		0,018		

типлета, первое из значений  $\sigma^2$  и S'(M) соответствует переходу  ${}^{3}P - {}^{3}P$ , второе  $-{}^{1}S - {}^{1}P$  или  ${}^{1}D - {}^{1}P$ .

Для нахождения вероятностей рассматриваемых запрещенных переходов в последовательности FVI—PXII необходимо знание квадрата радиального интеграла (19). Для элементов BeI—CIII эти величины можно найти из [¹³], а для NIV и OV — из [¹⁴]. Оценку Q² для переходов ³P — ³P, ¹S — ¹P и ¹D — ¹P проведем на

Оценку  $\varrho^2$  для переходов  ${}^{3}P - {}^{3}P$ ,  ${}^{1}S - {}^{1}P$  и  ${}^{1}D - {}^{1}P$  проведем на основе выполненных в [ ${}^{13, 14}$ ] расчетов с помощью следующей полуэмпирической формулы [ 12 ]:

$$\varrho^2 = \frac{\varrho_0^2}{Aq^2 + Bq + 1} \,. \tag{21}$$

Для перехода  ${}^{3}P - {}^{3}P$  найдены значения  $\varrho_0^2 = 0,47212;$  A = 0,21714;B = 0,29143; для переходов  ${}^{1}S - {}^{1}P$  и  ${}^{1}D - {}^{1}P:$   $\varrho_0^2 = 0,9;$  A = 0,29545;B = 1,15909.

Результаты расчетов квадратов радиальных интегралов приведены в табл. 6.

Как видно из табл. 6, полуэмпирическая формула (21) достаточно хорошо представляет значения  $\varrho^2$ , вычисленные по точным формулам (исключение составляет переход  ${}^{3}P - {}^{3}P$  для BeI). Поэтому воспользуемся этой формулой при оценке  $\varrho^2$  для элементов FVI-PXII исследуемой изоэлектронной последовательности.

Вероятности запрешенных линий  $2p^{2} {}^{1}S_{0} - 2s2p {}^{3}P_{1}$ ,  $2p^{2} {}^{1}D_{2} - 2s2p {}^{5}P_{1,2}$ для элементов FVI—PXII вычислены с учетом значений  $\alpha$ ,  $\beta$  (табл. 3) и  $\varrho^{2}$  (табл. 6). Результаты расчетов приведены в табл. 7.

4 ENSV TA Toimetised F*M-2 1973

A.	Никитин,	Τ.	Феклистова
----	----------	----	------------

Таблица Таблица		Charlin and State	Таблица 7
Переход и элемент	λ _{πаб} , Ä	[ <i>i</i> ]	А, сек-1
${}^{1}S_{0} - {}^{3}P_{1}$ FVI	410,57	2.22	$1.78 \cdot 10^{6}$
${}^{1}D_{2} - {}^{3}P_{1}$ FVI	562,63	1.62	$6.32 \cdot 10^{4}$
${}^{1}D_{2} - {}^{3}P_{2}$ FVI	564,46	1,61	8.66 · 105.
${}^{1}S_{0} - {}^{3}P_{1}$ NeVII	354,92	2,57	$4,63 \cdot 10^{6}$
${}^{1}D_{2} - {}^{3}P_{1}$ NeVII	484,85	1,88	1,28 • 105
${}^{1}D_{2} - {}^{3}P_{2}$ NeVII	487,20	1,87	2,05 · 105
${}^{1}S_{0} - {}^{3}P_{1}$ NaVIII	313,17	2,91	$1,05 \cdot 10^7$
$^{1}D_{2} - ^{3}P_{1}$ NaVIII	426,87	2,13	2,61 • 105
$^{1}D_{2} \rightarrow ^{3}P_{2}$ NaVIII	429,81	2,12	$4,53 \cdot 10^{6}$
$^{1}S_{0} - ^{3}P_{1}MgIX$	279,72	3,26	$2,25 \cdot 10^{7}$
$D_2 - P_1 MgIX$	380,52	2,39	$5,13 \cdot 10^{5}$
$D_2 - P_2 MgIA$	384,14	2,37	9,51 • 103
$1D_{2} = 3P_{1} AlX$	202,00	3.01	4,41 . 10'
$D_2 = 3P_2  AIX$	246.45	2,00	9,90 - 107
$^{1}S_{2} - ^{3}P_{1}$ SiXI	040,40 990 29	2,03	1,00 • 10
$^{1}D_{2} - ^{3}P_{1}$ SiXI	310 71	2,97	0,40 . 10.
$D_{2} - {}^{3}P_{2}$ SiXI	315.86	2,50	2 57 - 107
$S_0 = {}^{3}P_1 PXII$	210.40	4.33	1 30 . 108
$D_{0} = {}^{3}P_{1} PXII$	284.25	3 20	3 25 . 106
$D_{0} = {}^{3}P_{0} \text{ PXII}$	289.69	3.14	5.57 • 107
		600.0	0,07 10
	Sala 1 antes	42: 21011	Таблица 8
Переход и элемент	σ ² (по таб и Дам	А, сек-1	
	10,	0.015	
$^{1}S_{0} - ^{3}P_{1}$ FVI	0,21769;	0,26581	2,27 · 106
$^{1}D_{2} - ^{3}P_{1}$ FVI	0,21769;	0,24619	7,09 • 104
$^{1}D_{2} - ^{3}P_{2}$ FVI	0,21769	and a Cale in a	$1,05 \cdot 10^{6}$
$S_0 - {}^3P_1$ NeVII	0,16294;	0,19350	5,81 · 106
$D_2 - {}^3P_1$ NeVII	0,16294;	0,17548	1,57 • 105
$D_2 - {}^3P_2$ NeVII	0.16294	0.1.1710	$2,49 \cdot 10^{6}$
$S_0 - {}^{\circ}P_1$ NaVIII	0,12690;	0,14710	1,31 • 104
$D_2 = {}^{3}P_1$ NaVIII	0,12690;	0,13618	4,21 • 105
$D_2 - P_2$ Navin S 3D Maix	0,12090	0.11570	$0,00 \cdot 10^{3}$
$D = \frac{3P}{MgIX}$	0,10109;	0,11579	2,79 • 10'
$D_2 = 3P_1$ MgIX	0,10109;	0,10073	0,92 • 10%
$S_2 = \frac{3P}{2}$ AlX	0.08944	0.00200	5.40, 107
$D_{2} = {}^{3}P_{1} AIX$	0 (18:267:	0,09509	1.40.105
$D_2 - {}^3P_2$ AlX	0.08267	0,00000	231,107
$S_0 - {}^3P_1$ SiXI	0.06841	0.07675	1 03 . 108
$D_2 = {}^3P_1$ SiXI	0.06874	0.07174	2.85 . 106
$D_2 = {}^3P_2$ SiXI	0.06874	0,01112	4.44 . 107
$S_0 = {}^{3}P_1 \text{ PXII}$	0.05776:	0.06416	1.59 . 108
$D_2 = {}^{3}P_1 \text{ PXII}$	0.05804;	0.06028	$4.80 \cdot 10^{6}$
$D_0 = 3P_0 PXII$	0.05804		696.107

Для сравнения вероятности рассматриваемых запрещенных переходов в последовательности FVI—PXII были найдены также с использованием таблиц Бейтса и Дамгард (см. [¹⁵], приложение) для определения квадратов радиальных интегралов (или величин σ²). Результаты вычислений, приведенные в табл. 8, оказались несколько выше, чем полученные с помощью формулы (21).

Сравним интенсивности рассмотренных запрещенных линий  $2p^{2} \, {}^{1}SD - 2s2p \, {}^{3}P$  для ионов СШ и NIV с интенсивностями разрешенных линий  $2p^{2} \, {}^{1}SD - 2s2p \, {}^{1}P$ . Тогда имеем

$$\frac{I[\lambda]}{I(\lambda)} = \frac{[N][A]h[\nu]}{NAh\nu}.$$
(22)

Населенность запрещенного уровня [N] равна населенности разрешенного уровня N. Используя результаты расчетов разрешенных переходов [13, 14], получим

CIII	<i>I</i> [768,47]1 49, 10-5;	/[1070,33]6 13,10-5;
CIII.	$\overline{I(1247,38)} = 1,42.10^{-4},$	1(2296,87), 13.10 ,
NITST.	<i>I</i> [594,89]	<i>I</i> [823,27]1 56 10-4
INIV:	$\overline{I(955,335)} = 4,04.10^{\circ}$	$\overline{I(1718,551)} = 1,50.10^{-1}$

Как видно, при больших оптических толщинах в частотах разрешенных линий с уровней  $2p^{2}$  *SD* может происходить переизлучение в запрещенных линиях, причем последние будут достаточно интенсивны.

Следует отметить, что с уровней 2p² ¹S₀, ¹D₂ могут осуществляться магнитные дипольные и квадрупольные переходы на уровни ³Р конфигурации 2p² («небулярные» линии). Однако наличие достаточно сильных запрещенных переходов, рассмотренных выше, делает эти линии очень слабыми.

При переходе от BeI к РХІІ роль спин-орбитального взаимодействия возрастает, поэтому следует учитывать взаимодействие конфигураций.

Стметим также, что линии, возникающие при переходе 2s2p¹P —  $-2p^{2}$ ³*P* (например, у СШ с  $\lambda = 2844,117$  Å, у NIV с  $\lambda =$ = 2219,61 ÷ 2229,33 Å), являются однотипными с изученными в настояшей работе и будут рассмотрены в дальнейшем.

При изучении возникновения линий в звездных атмосферах рассмогренные запрещенные переходы должны быть учтены в уравнениях стационарности для нижних возбужденных состояний у ионов изоэлектронной последовательности СІІІ, NIV, OV, .... Эта проблема явится предметом дальнейших исследований.

#### ЛИТЕРАТУРА

- Никитин А. А., Феклистова Т. Х., Вестн. ЛГУ, № 13, 134 (1972).
   Castor J. I., Nussbaumer H., Monthly Notices Roy. Astron. Soc., 155, 293 (1972).
- 3. Nussbaumer H., Astroph. J., 170, 93 (1971).
- Hallin R., Arkiv fys. (Stockholm), 32, Nr. 11, 201 (1966).
   Bockasten. K., Johansson K. B., Arkiv fys. (Stockholm), 38, Nr. 31, 563 (1969).
- 6. Никитин А. А., Феклистова Т. Х., Изв. АН ЭССР, Физ. Матем., 21, 31
- (1972). 7. Moore C. E., Nat. Standard Refer. Data Ser. 3, Nat. Bur. Standards, Section 4, Washington, 1971.
- 8. Кондон Е., Шортли Г., Теория атомных спектров, М., 1949.
- 9. Moore C. E., Nat. Standard Refer. Data Ser. 3, Nat. Bur. Standards, Section 3, Washington, 1970.
- 10. Moore C. E., Atomic Energy Levels, National Bureau of Standards, Washington, 1949.

- Восказtеп К., Hallin R., Hughes T. P., Proc. Phys. Soc., 81, 522 (1963).
   Никитин А. А., Астрен. ж., 40, 1025 (1963).
   Юцис А. П., Визбирайте Я. И., Эрингис К. К., Тр. АН ЛитССР, Сер. В,
- 3 (26), 99 (1961).
  14. Кеllу Р. S., Astroph. J., 140, 1247 (1964).
  15. Левинсон И. Б., Никитин А. А., Руководство по теоретическому вычислению интенсивностей линий в атомных спектрах, Л., 1962.

Ленинградский государственный университет им. А. А. Жданова Институт физики и астрономии Академии наук Эстонской ССР

Поступила в редакцию 30/XI 1972

#### A. NIKITIN, T. FEKLISTOVA

#### WR-TÄHTEDE EMISSIOONSPEKTRITE TEOREETILISEST INTERPRETEERIMISEST

#### II. Keelatud üleminekute $2p^{2} SD - 2s2p^{3}P$ tõenäosuste arvutamine joonide Bel. BII. CIII, NIV, ..., PXII spektrites

On leitud interkombinatsioonjoonte  $2p^2 \, ^1SD - 2s2p^3P$  tõenäosused isoelektronjada BeI, BII, CIII, NIV, ..., P XII spektriles. Nende joonte tekke põhjuseks on spin-orbitaalne interaktsioon, kusjuures on tege-

mist LS-seose rikkumisega.

Arvesse on võetud vaadeldud üleminekute ülemise ja alumise nivoo konfiguratsioonide interaktsioon. Arvutuste tulemused on esitatud tabelites 4, 5 ja 7.

#### A. NIKITIN, T. FEKLISTOVA

#### ON THEORETICAL INTERPRETATION OF EMISSION SPECTRA OF WR STARS

# II. Calculation of the probabilities of the forbidden transitions $2p^2 \, {}^1SD - 2s2p^3P$ in the spectra of the ions Bel, BII, CIII, NIV, ..., PXII

The probabilities of the intercombination lines  $2p^2 {}^1SD - 2s2p^3P$  in the spectra of the isoelectronic sequence BeI, BII, CIII, NIV, ..., PXII are determined. These lines appear as a result of the spin-orbital interaction and violence of the LS-coupling. The interaction of configurations of the upper and lower levels is taken into account. The radial integrals for BeI–OV are taken from  $[^{13}, ^{14}]$ , and for FVI–PXII are calculated ty a semi-empirical method. The role of the spin-orbital interaction increases from BeI to PXII.