

Имби ТЕХВЕР

ВЛИЯНИЕ КРИСТАЛЛИЧЕСКИХ ФОНОНОВ НА ВТОРИЧНОЕ СВЕЧЕНИЕ ЦЕНТРА ЛЮМИНЕСЦЕНЦИИ С ЛОКАЛЬНЫМ КОЛЕБАНИЕМ

*Imbi TEHVER. KRISTALLI FOOONONITE MOJU OHE LOKAALSE VONKEGA LUMINESTSENTSI-
 TSENTRI SEKUNDAARKIIRGUSELE*

*Imbi TEHVER. EFFECT OF CRYSTAL PHONONS UPON SECONDARY RADIATION OF THE
 LUMINESCENCE CENTRE WITH A LOCAL MODE*

(Представил В. Хижняков)

1. Резонансное вторичное свечение (РВС) центра люминесценции в кристалле с учетом локального и кристаллических колебаний в отдельности исследовано в [1, 2]. На эксперименте в случае центров с локальными колебаниями, как правило, наблюдается также их взаимодействие с кристаллическими фононами. В связи с этим представляет интерес провести одновременный учет взаимодействия центра с отмеченными колебаниями. В этом случае каждая бесфононная линия РВС — либо резонансного комбинационного рассеяния (КР), либо горячей люминесценции (ГЛ), либо обычной люминесценции (ОЛ) — имеет фононное крыло. Нас интересует зависимость этого спектра от частоты возбуждения: спектр РВС будет найден при возбуждении 1) в резонанс с одной из бесфононных линий и 2) в области одного фононного крыла спектра поглощения.

Для локального колебания используем одноосцилляторную модель [1], в которой спектр РВС определяется следующим коррелятором:

$$A_{\lambda}(\mu\tau\tau') = e^{-2\xi^2} \exp\{\xi^2[e^{i\omega_1\mu - \Gamma|\mu|}(e^{i\omega_2\tau' - \Gamma\tau'} - 1) \times \\ \times (e^{-i\omega_2\tau - \Gamma\tau} - 1) + e^{i\omega_2\tau' - \Gamma\tau'} + e^{-i\omega_2\tau - \Gamma\tau} + e^{i\omega_2(\mu + \tau' - \tau)} \times \\ \times (e^{-\Gamma|\mu + \tau' - \tau|} + e^{-\Gamma(|\mu| + \tau' + \tau)} - e^{-\Gamma(|\mu + \tau'| + \tau)} - e^{-\Gamma(|\mu - \tau| + \tau')})]\}.$$
 (1)

Этот коррелятор учитывает изменение положения равновесия ξ и частоты $\Delta\omega = \omega_2 - \omega_1$ локального колебания при электронном переходе, а также ангармоническое затухание его со скоростью Γ . При этом считаем, что $\Delta\omega \gg \Gamma$.

Влияние кристаллических колебаний можно рассмотреть, если умножить $A_{\lambda}(\mu\tau\tau')$ на коррелятор [2]

$$A_{\kappa}(\mu\tau\tau') = \exp\{g_{\kappa}(\tau') + g_{\kappa}(-\tau) + g_{\kappa}(\mu + \tau' - \tau) + g_{\kappa}(\mu) - \\ - g_{\kappa}(\mu + \tau') - g_{\kappa}(\mu - \tau)\},$$
 (2)

$$g_{\kappa}(x) = \sum_i s_i^2 (e^{i\omega_i x} - 1) = \int_{-\infty}^{\infty} d\omega s^2(\omega) (e^{i\omega x} - 1),$$
 (3)

$$s^2(\omega) = \sum_i s_i^2 \delta(\omega - \omega_i),$$

учитывающий кристаллические колебания в гармоническом приближении, с изменением лишь положений равновесия (s_i) этих колебаний при электронном переходе.

Рассматриваемый спектр РВС определяется следующим интегралом (см. [2]):

$$W(\omega_0, \Omega) = \frac{B}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} d\mu e^{i(\Omega - \omega_0)\mu} \int_0^{\infty} d\tau \int_0^{\infty} d\tau' e^{i(\omega_0 - \Omega_{21})(\tau - \tau')} \times \\ \times e^{-\gamma/2(\tau + \tau')} A_{\lambda}(\mu\tau\tau') A_{\kappa}(\mu\tau\tau'), \quad (4)$$

где ω_0 и Ω — частоты возбуждения и РВС, Ω_{21} — частота чисто-электронного перехода, γ — радиационная ширина возбужденного электронного состояния, B — нормировочный фактор [2].

При изучении зависимости спектра РВС от ω_0 надо иметь в виду, что актуальная область интегрирования по $\mu + \tau' - \tau$ определяется обратной шириной σ^{-1} спектра поглощения, по μ — обратной шириной рассматриваемой области РВС, а переменная $t = (\tau + \tau')/2$ есть время пребывания системы в возбужденном (промежуточном) состоянии, интегрирование по которой в области $t \lesssim |\mu + \tau' - \tau| \lesssim \mu$ дает релеевское рассеяние (РР) и КР, а в области $\gg |\mu + \tau' - \tau|$, $|\mu|$ — ОЛ и ГЛ [2, 3]. Мы будем считать, что ширины бесфононных линий гораздо уже ширины их фононных крыльев. Поэтому актуальные области интегрирования по μ , τ и τ' существенно зависят от того, где находятся частоты возбуждения или илучения: в области бесфононной линии или в области фононного крыла.

2. Спектр РВС при возбуждении в резонансе с бесфононной линией спектра поглощения находится тривиально: интенсивность бесфононных линий КР, ГЛ и ОЛ, вычисленная с учетом лишь локального колебания (см. [1]), умножается на фактор $\exp\{-2 \sum_i s_i^2\}$. Действительно, в рассматриваемых областях поглощения и РВС актуальные значения μ , τ , τ' большие ($\sim \Gamma^{-1}$), так что можно ограничиться асимптотикой $\lim_{x \rightarrow \infty} g_{\kappa}(x) = -\sum_i s_i^2$ и, следовательно,

$$A_{\kappa}^{00}(\mu\tau\tau') \simeq \exp\{-2 \sum_i s_i^2\}.$$

Фононные крылья отмеченных линий при таком возбуждении также легко находятся: в этом случае актуальные $\mu \sim \bar{\omega}_{\kappa}^{-1} \ll \tau$, $\tau' \sim \Gamma^{-1}$ ($\bar{\omega}_{\kappa}$ — средняя частота кристаллических колебаний) и поэтому

$$A_{\kappa}^{0\Phi}(\mu\tau\tau') \simeq e^{-\sum_i s_i^2} \exp\{g_{\kappa}(\mu)\}.$$

В результате спектр РВС в области фононного крыла при рассмотренном возбуждении определяется сверткой

$$W(\omega_0, \Omega) = e^{-\sum_i s_i^2} \int_{-\infty}^{\infty} d\omega W_{\kappa}(\omega) W_{\lambda}(\Omega - \omega) \quad (5)$$

спектра люминесценции кристаллических колебаний

$$W_{\kappa}(\Omega) = \int_{-\infty}^{\infty} d\mu e^{i\Omega\mu + g_{\kappa}(\mu)} \quad (6)$$

и спектра РВС локального колебания [1]

$$W_{\lambda}(\omega_0, \Omega) = \frac{B}{2\pi} \cdot \frac{\kappa_M(\omega_0) |\langle L_2 | L_1 \rangle|^2}{\gamma + \Gamma L_2} \left\{ \frac{\Gamma L_1 \delta_{L_2 M}}{(\Omega - \omega_0 + \omega_1 L_1)^2 + (\Gamma L_1)^2} + \frac{(1 - \delta_{L_2 M}) [\gamma + 2\Gamma(L_1 + L_2)]}{(\Omega - \Omega_{21} + \omega_1 L_1 - \omega_2 L_2)^2 + [\Gamma(L_1 + L_2) + \gamma/2]^2} \right\}. \quad (7)$$

Здесь κ_M — вероятность поглощения при возбуждении в области M -го вибронного повторения чисто-электронной линии ($\omega_0 \simeq \Omega_{21} + \omega_2 M$), L_2 и L_1 — номера исходного и конечного уровней радиационного перехода, $\langle L_2 | L_1 \rangle$ — фактор Франка—Кондона; первый член в фигурных скобках описывает линии РР ($L_1 = 0$) и КР ($L_1 > 0$), второй — линии ГЛ ($M > L_2 > 0$) и ОЛ ($L_2 = 0$).

3. Спектр РВС при возбуждении в фоновом крыле спектра поглощения несколько сложнее. Рассмотрим прежде всего КР. В этом случае актуальные $\tau, \tau' \sim \bar{\omega}_x^{-1} \ll \Gamma^{-1}$, т. е. в корреляторе $A_{\lambda}(\mu\tau\tau')$ можно считать $\Gamma\tau \approx \Gamma\tau' \approx 0$:

$$A_{\lambda}(\mu\tau\tau') \approx e^{-2\xi^2} \exp \left\{ \xi^2 [e^{i\omega_1\mu - \Gamma|\mu|} (e^{i\omega_2\tau} - 1) (e^{-i\omega_2\tau} - 1) + e^{i\omega_2\tau'} + e^{-i\omega_2\tau'}] \right\}. \quad (8)$$

Этот коррелятор дает нам рассеяние на локальном колебании. Если же учитывать рассеяние и на кристаллических колебаниях (ограничимся здесь однофононным рассеянием), то (8) надо умножить на

$$A_x^{(1)}(\mu\tau\tau') = \exp [g_{\lambda}(\tau') + g_{\lambda}(-\tau)] \int_{-\infty}^{\infty} d\omega s^2(\omega) e^{i\omega\mu} (e^{i\omega\tau'} - 1) (e^{-i\omega\tau} - 1) \quad (9)$$

(см. [2]). В результате интенсивность линии КР p -го порядка по локальному колебанию и первого порядка по кристаллическому фонону определяется формулой

$$W_{\text{КР}}(\omega_0, \Omega) = \frac{B}{2\pi} \cdot \frac{\xi^{-2p}}{p!} \int_{-\infty}^{\infty} d\mu e^{i(\Omega - \omega_0)\mu} e^{i\omega_1 p\mu - \Gamma p|\mu|} \times \times \int_{-\infty}^{\infty} d\omega s^2(\omega) e^{i\omega\mu} \left| \int_0^{\infty} d\tau e^{g_{\lambda}(\tau)} (g_{\lambda}(\tau))^p \langle S_{\lambda}(\tau) \rangle (e^{i\omega\tau} - 1) \right|^2, \quad (10)$$

где

$$g_{\lambda}(x) = \xi^2 (e^{i\omega_2 x} - 1),$$

а

$$\langle S_{\lambda}(x) \rangle = \exp \{ -i(\omega_0 - \Omega_{21})x + g_{\lambda}(x) \}$$

— Фурье-образ фононных крыльев в спектре поглощения.

Покажем, что

$$\frac{\xi^{-p}}{\gamma p!} \exp \{ g_{\lambda}(\tau) \} [g_{\lambda}(\tau)]^p = \sum_{m=0}^{\infty} \langle 0 | m \rangle \langle m | p \rangle e^{i\omega_2 m\tau}, \quad (11)$$

где интегралы Франка—Кондона

$$\begin{aligned} \langle 0 | m \rangle &= e^{-\xi^2/2\xi m/\sqrt{m!}}, \\ \langle m | p \rangle &= e^{-\xi^2/2\xi m+p} \sqrt{m! p!} \sum_{i=0}^p (-1)^i \frac{\xi^{-2i}}{i!(p-i)!(m-i)!}. \end{aligned} \quad (12)$$

Для этого преобразуем

$$\exp[g_\lambda(\tau)] [g_\lambda(\tau)]^p = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{\xi^{2(k+p)}}{k!} \sum_{m=0}^{k+p} (-1)^{k+p-m} \binom{k+p}{m} e^{i\omega_2 m \tau}.$$

Переходя к новому индексу суммирования $j = k + p - m$, имеем

$$\begin{aligned} & \sum_{m=0}^{\infty} \frac{\xi^{2m}}{m!} e^{i\omega_2 m \tau} \sum_{j=0}^{\infty} (-1)^j \frac{\xi^{2j}}{j!} \frac{(m+j)!}{(m-p+j)!} = \\ & = \sum_{m=p}^{\infty} \frac{\xi^{2m}}{(m-p)!} e^{i\omega_2 m \tau} {}_1F_1(m+1, m+1-p; -\xi^2), \end{aligned}$$

где ${}_1F_1(a, \gamma; z)$ — вырожденная гипергеометрическая функция. Для доказательства формулы (11) остается учесть, что ${}_1F_1(a, a; z) = e^z$ и

$$(z/\gamma) {}_1F_1(a+1, \gamma+1; z) = {}_1F_1(a+1, \gamma; z) - {}_1F_1(a, \gamma; z),$$

откуда

$$\frac{\xi^{2m}}{(m-p)!} {}_1F_1(m+1, m+1-p; -\xi^2) = \langle 0 | m \rangle \langle m | p \rangle \xi^p \sqrt{p!}. \quad (13)$$

Проинтегрируем теперь (10). Интеграл по τ

$$\int_0^{\infty} d\tau (S_x(\tau)) (e^{i\omega\tau} - 1) e^{i\omega_2 m \tau} = \Phi(\omega_0 - \omega_2 m - \omega) - \Phi(\omega_0 - \omega_2 m) \quad (14)$$

выражается через комплексную функцию показателя преломления

$$\Phi(x) = \oint_{-\infty}^{\infty} d\omega \frac{\kappa(\omega)}{\omega - x} + i\pi\kappa(x),$$

где $\kappa(x)$ — форма фононных крыльев в спектре поглощения.

Проинтегрировав и по μ , получим, что при возбуждении в фононном крыле m -го вибронного повторения чисто-электронной линии интенсивность линии КР p -го порядка по локальному колебанию и первого порядка по кристаллическому фону определяется формулой

$$\begin{aligned} W_{\text{КР}}(\omega_0, \Omega) &= \frac{B}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} d\omega s^2(\omega) \frac{2\Gamma p}{(\Omega - \omega_0 + \omega_1 p + \omega)^2 + (\Gamma p)^2} \times \\ & \times \left| \sum_{m=p}^{\infty} \langle 0 | m \rangle \langle m | p \rangle [\Phi(\omega_0 - \omega_2 m - \omega) - \Phi(\omega_0 - \omega_2 m)] \right|^2. \end{aligned} \quad (15)$$

В этой формуле сумма по m учитывает интерференцию разных каналов рассеяния с участием различного числа виртуальных квантов локального колебания. В рассматриваемом случае возбуждения в фононном крыле ее учет существен, поскольку ширина фононного крыла, как правило, сравнима с частотой локального колебания ω_2 . Если же ширина фононных крыльев гораздо уже ω_2 , то достаточно учесть вклад лишь резонансного вибронного перехода в комплексный показатель преломления, положив $m = M$. Тогда формула (15) существенно упрощается:

$$\begin{aligned} W_{\text{КР}}(\omega_0, \Omega) &= \frac{B}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} d\omega s^2(\omega) \frac{2\Gamma p}{(\Omega - \omega_0 + \omega_1 p + \omega)^2 + (\Gamma p)^2} \times \\ & \times |\langle 0 | M \rangle \langle M | p \rangle|^2 |\Phi(\omega_0 - \omega_2 M - \omega) - \Phi(\omega_0 - \omega_2 M)|^2. \end{aligned} \quad (16)$$

Рассмотрим в заключение линии ОЛ и ГЛ, возбуждаемые в фоновом крыле. В этом случае актуальные значения $t \gg \Gamma^{-1} \gg \omega_k^{-1}$. Следовательно, коррелятор $A_k(\mu\tau\tau')$ можно заменить его асимптотическим значением [2]

$$\lim_{t \rightarrow \infty} A_k(\mu\tau\tau') = \exp[g_k(\mu) + g_k(\mu + \tau' - \tau)] = \\ = \int_{-\infty}^{\infty} d\omega F(\omega) e^{i\omega\mu} \int_{-\infty}^{\infty} d\omega' F(\omega') e^{i\omega'(\mu + \tau' - \tau)}, \quad (17)$$

где

$$F(\omega) = s^2(\omega) + \frac{1}{2} \int_{-\infty}^{\infty} dx s^2(x) s^2(\omega - x) + \dots$$

Подставляя (17) в (4) и учитывая (1), получаем, что рассматриваемый спектр выражается в виде свертки

$$W_{\text{ОЛ+ГЛ}}(\omega_0, \Omega) = \frac{B}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} d\omega' F(\omega') \chi_M(\omega_0 - \omega') \times \\ \times \int_{-\infty}^{\infty} d\omega F(\omega) \frac{(1 - \delta_{LM}) [\gamma + 2\Gamma(L_1 + L_2)] |L_2| |L_1|^2}{(\Omega - \Omega_{21} + \omega_1 L_1 - \omega_2 L_2 + \omega)^2 + [\Gamma(L_1 + L_2) + \gamma/2]^2}. \quad (18)$$

Автор признателен Л. Ребане и В. Хижнякову за обсуждение данной проблемы.

ЛИТЕРАТУРА

1. Hizhnyakov, V., Tehver, I., Phys. status solidi (b), 82, № 1, K89—K93 (1977).
2. Hizhnyakov, V., Tehver, I., Phys. status solidi, 21, № 2, 755—768 (1967).
3. Rebane, K. K., Tehver, I. Y., Hizhnyakov, V. V., In: The Theory of Light Scattering in Solids, ed. by V. Agranovich and J. Birman, M., «Nauka», 1976, p. 467—486.

Институт физики
Академии наук Эстонской ССР

Поступила в редакцию
24/IX 1981