## EESTI NSV TEADUSTE AKADEEMIA TOIMETISED. 21. KÖIDE FOOSIKA \* MATEMAATIKA. 1972, NR. 1

ИЗВЕСТИЯ АКАДЕМИИ НАУК ЭСТОНСКОЙ ССР. ТОМ 21 ФИЗИКА \* МАТЕМАТИКА. 1972, № 1

https://doi.org/10.3176/phys.math.1972.1.14

УДК 621.314.263: 621.375.3

# В. САРВ, Ю. ПЮССИМ, ТИЙУ САККОС, Х. ТЕХВЕР

# БЫСТРОДЕЙСТВУЮЩИЕ ТРАНСФОРМАТОРНЫЕ МАГНИТНЫЕ УСИЛИТЕЛИ С УМНОЖЕНИЕМ ЧАСТОТЫ

Применение в магнитных умножителях частоты (МУЧ) внутренней обратной связи путем самоподмагничивания постоянной составляющей выходного тока позволяет наряду с устранением спада внешней характеристики и большого тока холостого хода существенно увеличить добротность управляемых МУЧ [<sup>1, 2</sup>]. Поэтому на их базе возможно создать качественные силовые магнитные усилители с выходом на постоянном и переменном токах [<sup>3–6</sup>]. Основными преимуществами МУЧ по сравнению с магнитными усилителями (МУ) без умножения частоты являются 1) простота трансформаторного разделения цепей питания и нагрузки, 2) увеличенная кратность изменения выходного напряжения [<sup>3</sup>].

Применение в поляризованных МУЧ самоподмагничивания постоянной составляющей выходного тока во многом аналогично применению самонасыщения в обыкновенных МУ. Поэтому аналогичными являются и результаты этих приемов, в том числе в обоих случаях становится возможным быстродействующее управление. В работе анализируются особенности быстродействующего управления в симметричных магнитных умножителях частоты с самоподмагничиванием (МУЧС).

Основные структурные схемы различных источников питания и усилителей на базе МУЧС можно комплектовать из одинаковых звеньев, причем звеном структуры является *n*-сердечниковый МУЧС с умножением частоты в *n* раз [<sup>5, 6</sup>]. В общем случае согласно рис. 1, *a* он имеет



Рис. 1.

следующие обмотки: питания —  $w_I$ , нагрузки —  $w_{II}$ , начального подмагничивания —  $w_0$  и управления —  $w_y$ . Звено питается симметричной *n*-фазной системой напряжений, которая не должна обусловливать насыщения сердечников при отсутствии подмагничивания. Вентиль В<sub>и</sub> для положительной внутренней обратной связи включен последовательно с нагрузочными обмотками. В реальных схемах некоторые или даже все обмотки на каждом сердечнике могут быть совмещены. В последнем случае получим схему рис. 1, б, где в ветви управления показан элемент управления ЭУ.

С учетом сдвига по времени в основных структурах все звенья работают одинаково. По существу комплектование реальных схем из нескольких звеньев является просто схемным способом выделения желаемых гармоник без дополнительных силовых фильтров. Преобразование параметров электроэнергии происходит отдельно в каждом звене. Поэтому основные процессы преобразования и управления возможно выявить из анализа работы одного звена.

Как и в работе [<sup>6</sup>], анализ процессов управления проведем для идеализированного случая, предполагая, что кривые намагничивания сердечников являются прямоугольными и в МУЧС отсутствуют потери. Такая идеализация позволяет определить потенциальные возможности управляемых МУЧС, причем качественно свойства таким образом идеализированных и современных реальных МУЧС совпадают.

В идеализированном случае степень нагруженности МУЧС не влияет на процессы управления [<sup>1, 3</sup>] и, следовательно, их анализ возможен в режиме холостого хода. Так как в анализируемых МУЧС положительная внутренняя обратная связь осуществляется только по току нагрузки (а не по току питания), то при холостом ходе звено МУЧС превращается в обыкновенный симметричный *n*-кратный умножитель частоты. Его нагрузкой является эквивалентное сопротивление цепей подмагничивания и управления. Из анализа передачи энергии в такой схеме явствует [<sup>7</sup>], что ей, а при холостом ходе и схемам рис. 1, *a*, *б*, соответствует эквивалентная схема рис. 2, *a*. Здесь  $e_n$  — эквивалентная



э. д. с. вторичной цепи поляризованного МУЧ, равная максимальному значению выходного напряжения  $u_n$ ; K — дроссель с идеальной прямоугольной кривой намагничивания, который в дальнейшем будем называть магнитным ключом;  $I_0$  — постоянный ток подмагничивания;  $i_y$  ток управления. Эквивалентная схема рис. 2, *а* сохраняется и при наличии нагрузки; присоединение ветви нагрузки к основной части схемы показано прерывистой линией. Схема рис. 2, а получается непосредственно из дроссельной схемы симметричного МУЧ рис. 1, б, где в каждый момент времени только один определенный нелинейный дроссель способен (но не должен) насыщаться и соответственно только одна фаза источника питания может участвовать в обмене энергии [7]. Э. д. с.  $e_n$  совпадает с э. д. с. фазы, способной насыщаться в данный момент, и поэтому ее частота  $f_n$  в n раз больше частоты питания  $f_1$ . Состояние магнитного ключа K совпадает с состоянием нелинейного дросселя в способной к насыщению фазе.

В исходной схеме при максимальном выходном напряжении дроссель в способной к насыщению фазе всегда насыщен. Поэтому в схеме замещения рис. 2, а максимальному выходному напряжению соответствует непрерывное замкнутое состояние магнитного ключа K, т. е. насыщение его сердечника. В этом режиме ток подмагничивания  $I_0$  замыкается через ключ K, напряжение ключа  $u_K = 0$  и  $u_n = e_n$ .

Так как в общем случае  $u_n = e_n - u_K$ , а э. д. с. эквивалентного генератора  $e_n$  определена уже структурой схемы и системой питания, то управление выходным напряжением  $u_n$  реализуемо путем управления напряжением  $u_K$ . При  $u_K \neq 0$  ключ разомкнут и должна существовать возможность замыкания  $I_0$  через элемент управления. Такая возможность отсутствует, пока эквивалентное сопротивление элемента управления

$$R_{\Im Y} \geqslant R_{\rm fsp} = \frac{e_{n\,\max}}{I_0} \,, \tag{1}$$

где  $R_{\rm KP}$  — критическое сопротивление ветви управления,  $e_{n\rm max}$  — амплитуда э. д. с.  $e_n$ . Объясняется это тем, что при  $R_{\rm ЭУ} > R_{\rm KP}$  отрицательная амплитуда тока управления всегда меньше тока подмагничивания и поэтому ток ключа  $i_{\rm K} = I_0 + i_{\rm Y} > 0$ .

Замыкание ключа возможно при  $i_{\rm K} = 0$ . Согласно [7], такие этапы работы возникают при  $R_{\rm BV} < R_{\rm Kp}$  и удлиняются с уменьшением соотношения

$$\frac{R_{\Im Y}}{R_{KD}} = \frac{R_{\Im Y}I_0}{e_{n \max}}.$$
(2)

При  $R_{\Im Y} = 0$  источник постоянного тока закорочен, сердечник магнитного ключа непрерывно ненасыщен, ключ *K* разомкнут и  $u_K = e_n$ ,  $u_n = 0$ .

Следовательно, управление выходным напряжением требует изменекия условий прохождения тока подмагничивания через элемент управления или же изменения самого тока подмагничивания *I*<sub>0</sub>. Скорость управления выходным напряжением естественно ограничена длительностью переходного процесса при выполнении этих операций.

Практически источники постоянного тока реализуются последовательным соединением источника постоянного напряжения с цепью относительно большой индуктивности. Быстрое изменение тока в такой цепи затруднительно. Поэтому при анализе вариантов быстродействующего управления будем предполагать  $I_0 = \text{const}$  и иметь в виду только способы быстрого изменения параметров ветви управления.

В простейшем случае в качестве быстродействующего элемента управления может выступать согласно рис. 2,  $\delta$  сопротивление  $R_y$ . С целью уменьшения потерь последовательно с ним может быть включен вентиль  $B_y$ . Основные процессы в схеме от этого не зависят, но в целях конкретности рассмотрим сперва вариант схемы без вентиля  $B_y$ . В этом случае определение моментов размыкания ключа K облегчается, если параллельное соединение источника тока  $I_0$  и сопротивления  $R_y$  заменить эквивалентной э. д. с. управления  $e_y = I_0 R_y$  с внутренним сопротивлением  $R_y$  [<sup>7</sup>].

В работе схемы рис. 2,  $\delta$  в общем случае имеется четыре состояния, соответствующих возможным комбинациям замкнутого и разомкнутого состояний ключа K и знака э. д. с.  $e_n$ . В двух частных случаях (при максимальном и нулевом выходных напряжениях) остается два состояния, каждое из которых длится в течение полупериода  $e_n$ .

| Управляющий полупериод $e_n < 0$   |  | Рабочий полупериод<br>е <sub>л</sub> > 0  |   |
|--|--|---|---|
| I<br>Промежуточное<br>состояние  | II<br>Управляющее<br>состояние   | III<br>Задерживающее<br>состояние   | IV<br>Нагрузочное<br>состояние  |
| $ e_n  \leq l_0 R_y = e_y$<br>$u_K = \dot{\psi}_K = 0$<br>$\psi_K = \Psi_{Ks}$<br>$(0 \leq i_K \leq l_0)$<br>$u_n = e_n < 0$ | $ e_{n}  \ge e_{y}$ $u_{K} = \psi_{K} < 0$ $\psi_{K} \le \Psi_{Ks}$ $i_{K} = 0$ $u_{n} = -e_{y} < 0$ | $u_{\rm K} = \dot{\psi}_{\rm K} > 0$<br>$\psi_{\rm K} \leqslant \Psi_{\rm K},$<br>$i_{\rm K} = 0$<br>$u_{\rm n} = -e_{\rm y} < 0$ | $u_{\mathbf{K}} = \psi_{\mathbf{K}} = 0$<br>$\psi_{\mathbf{K}} = \Psi_{\mathbf{K}},$<br>$i_{\mathbf{K}} \ge I_{0}$<br>$u_{n} = e_{n} > 0$ |
| $( i_y  \leq I_0)$   | $ i_y  = I_0$  | $ i_{y}  = I_{0}$   | $\left(i_{y}=\frac{n}{R_{y}}\right)$  |



Состояния схемы рис. 2, б при отсутствии Ву и характерные для них соотношения представлены в таблице, где ψ<sub>к</sub> и Ψ<sub>кs</sub> — соответственно мгновенное потокосцепление и потокосцепление насышения ключа К. На основе некоторой аналогии между процессами в быстродействующих МУ без умножения и с умножением частоты назовем один полупериод э.д.с. еп рабочим, а другой — управляющим. Это оправдано, поскольку при выбранных положительных направлениях еп и Іо питание нагрузки возможно только при  $e_n > 0$  в нагрузочном состоянии, а управляющее состояние входит в состав отрицательного полупериола ел.

Описание отдельных состояний начнем с нагрузочного состояния. Рассуждения для общего случая *n*-кратного умножения частоты иллюстрированы приведенным на рис. З процессом удвоения частоты. Средние выпрямленные значения напряжения  $u_n$  и э.д.с.  $e_n$  обозначены состветственно через  $U_n$  и  $E_n$ . Время отсчитано от начала управляющего полупериода.

Нагрузочному состоянию характерно, что замкнутый (насыщенный) ключ К остается замкнутым до конца рабочего полупериода независимо от изменения управляющего воздействия. Регулированием начала нагрузочного состояния в течение рабочего полупериода можно регулировать выходное напряжение в пределах

$$E_n = U_n \max \geqslant U_n \geqslant U_n \min = 0. \tag{3}$$

На рис. З нагрузочное состояние предшествует непосредственно началу отсчета времени и обозначено согласно таблице через IV.

В момент прохождения уменьшающейся э.д. с.  $e_n$  через нуль нагрузочное состояние всегда кончается и при условии  $I_0R_y = e_y \neq 0$  начинается промежуточное состояние, обозначенное через І. Состояние І характеризуется тем, что из-за отрицательной э.д. с.  $e_n$  питание цепи нагрузки уже невозможно, но под влиянием тока  $i_K = I_0 + i_y > 0$ ключ K еще замкнут. Поэтому потокосцепление ключа сохраняет максимальное значение  $\Psi_{Ks}$ , а источник подмагничивания передает энергию в источник питания и покрывает потери в ветви управления.

При  $R_y \ge R_{\kappa p}$  размыкание ключа K вообще невозможно, состояние I продолжается до конца управляющего полупериода, и следующий рабочий полупериод начинается сразу нагрузочным состоянием. В этом случае  $U_n = U_{n \max}$ . Когда же  $R_y < R_{\kappa p}$  и соответственно  $e_y < e_{n \max}$ , то в управляющем полупериоде всегда наступает момент  $t_{\beta}$ , после которого  $e_n + e_y < 0$ . Это обусловливает размыкание ключа K, и с момента  $t_{\beta}$  начинается управляющее состояние, т. е. состояние II.

В течение состояния II потокосцепление ключа удаляется от значения  $\Psi_{\rm Ks}$  на величину

$$\Delta \psi_{\mathbf{y}} = \int_{t_{\beta}}^{T_{n}/2} \left[ u_{\mathbf{k}} \right] dt = \int_{t_{\beta}}^{T_{n}/2} \left[ e_{n} + e_{\mathbf{y}} \right] dt = \Delta \psi_{\mathbf{y}}(e_{\mathbf{y}}).$$

$$\tag{4}$$

В частном случае  $I_0 R_y = e_y = 0$  управляющее состояние охватывает весь управляющий полупериод и

$$\Delta \psi_{\mathbf{y}} = \Delta \psi_{\max} = \int_{0}^{T_{n}/2} |e_{n}| dt.$$
 (5)

Во всех случаях, когда  $\Delta \psi_y \neq 0$  и существует управляющее состояние, за ним начиная с нового рабочего полупериода следует задерживающее состояние III. Длительность этого состояния  $T_{\rm III}$  зависит непосредственно от величины  $\Delta \psi_y$ . Оно заканчивается в момент  $t_{\alpha}$ , после увеличения потокосцепления  $\psi_{\rm K}$  на величину

$$\Delta \psi_{\mathbf{p}} = \int_{T_n/2}^{t_\alpha} u_{\mathbf{k}} dt = \int_{T_n/2}^{t_\alpha} (e_n + e_{\mathbf{y}}) dt = \Delta \psi_{\mathbf{y}}(e_{\mathbf{y}}), \qquad (6)$$

новым замыканием ключа К, что дает начало очередному нагрузочному состоянию.

Отличительным свойством задерживающего состояния в управляемых МУЧ является рост потокосцепления  $\psi_{\rm K}$  не только под влиянием э. д. с. питания (как это происходит в быстродействующих МУ без умножения частоты [<sup>8</sup>]), но и согласно формуле (6) под совместным влиянием  $e_n$  и  $e_y$ . Поэтому изменение в задерживающем состоянии управляющей э. д. с.  $e_y$  отражается уже на этом самом рабочем полупериоде в частичном изменении выходного напряжения. Для полного установления нового значения выходного напряжения требуется прохождение одного целого этапа управляющего состояния. Новое установленное выходное напряжение выражается формулой

$$U_n = E_n - 2f_n \int_{(\text{III})} e_n \, dt = E_n + 2f_n T_{\text{III}} e_y - 2f_n \Delta \psi_y, \tag{7}$$

где интеграл берется в пределах задерживающего состояния III; член  $2f_n T_{III}e_y$  обусловлен влиянием  $e_y$  на изменение  $\psi_K$  в состоянии III.

Из изложенного выше видно, что в общем случае последовательность состояний является следующей: I—II—III—IV—I. В установившемся режиме эта последовательность не изменяется и в частных случаях, но при максимальном выходном напряжении отпадают состояния II и III, а при нулевом напряжении — I и IV.

Свойства и взаимоотношения отдельных состояний определяют также переходный процесс. Проследим изменение выходного напряжения в результате скачкообразного изменения управляющего сопротивления  $R_y$  в момент t'. На рис. 3 уменьшение  $R_y$  и соответственно  $e_y$  происходит в нагрузочном состоянии. Поэтому, согласно изложенному выше, процесс продолжается без изменения до начала в момент  $t_{\beta}'$  управляющего состояния. Как видно, уменьшение  $e_y$  увеличивает продолжительность управляющего состояния, увеличивает  $\Delta \psi_y$  и, в итоге, уменьшает выходное напряжение.

В данном случае длительность переходного процесса меньше двух полупериодов эквивалентной э.д.с.  $e_n$ . Так как для окончания переходного процесса необходимо прохождение одного целого этапа управляющего состояния, то максимальная длительность переходного процесса в звене МУЧС при изменении управляющей э.д.с.  $e_y$  не может превышать 3/2 периода умноженного, или соответственно 3/2*n* периода первичного напряжения.

До сих пор предполагалось, что в схеме рис. 2, б вентиль  $B_y$  отсутствует. В то же время мы видели, что при  $i_y > 0$ , т. е. в нагрузочном состоянии, ветвь управления не оказывает регулирующего воздействия. Поэтому включение вентиля  $B_y$  в указанном направлении не изменяет основного процесса в идеализированном случае, а только позволяет уменьшить потери в ветви управления. (Естественно, что остаточное падение напряжения  $u_{\rm B}$  на реальном открытом вентиле ограничивает минимальное выходное напряжение, так как невозможно полностью закоротить ветвь управления.) Все соотношения в таблице состояний остаются в силе и при наличии вентиля  $B_y$  за исключением того, что в нагрузочном состоянии вместо  $i_y = e_n/R_y$  выполняется  $i_y = 0$ .

Так как изменение управляющего сопротивления  $R_y$  проявляется через изменение эквивалентной э.д.с.  $e_y$ , то без изменения основных процессов можно согласно схеме рис. 4, *a* заменить  $R_y$  реальной управляющей э.д.с.  $e_y$ . В этом случае вентиль  $B_y$  необходим для устранения короткого замыкания через  $e_y$  в нагрузочном состоянии. Для схемы с реальной  $e_y$  в таблице состояний изменяются только уравнения, заключенные в скобки. Так, в состоянии I  $i_K = I_0$  и  $i_y = 0$ , а в состоянии IV  $i_y = 0$ .

Из эквивалентной схемы рис. 4, а ясно видны также некоторые отличительные черты процесса в быстродействующих МУЧС по сравнению с процессом в быстродействующих МУ без умножения частоты. Типичное звено последнего представлено на рис. 4, б [8]. Основное различие схем рис. 4, а и рис. 4, б состоит в том, что  $e_1$  является реальной э.д. с. питания, а  $e_n$  — эквивалентной э.д. с., существующей только при

Быстродействующие трансформаторные магнитные усилители...



наличии внешнего подмагничивания током  $I_0$ . Под влиянием  $I_0$  в схеме рис. 4, *a* при разомкнутом ключе *K* вентиль  $B_y$  всегда открыт, в схеме рис. 4, *б*  $B_y$  может быть открыт только в управляющем полупериоде. Именно поэтому в схеме рис. 4, *б* в рабочем полупериоде рост потокосцепления  $\psi_K$  происходит только под влиянием  $e_1$ , а в схеме рис. 4, *a* под влиянием суммарной э.д.с.  $e_n + e_y$ .

В классических быстродействующих МУ без дополнительного трансформатора трудно электрически разделить нагрузку и источник питания. В быстродействующих МУЧС трансформаторное разделение всех цепей легко осуществить путем применения схемы рис. 1, а. Этого ценного качества управляемых МУЧС эквивалентная схема рис. 4, а не отражает.

До сих пор мы имели в виду одно звено МУЧС. Когда быстродействующий МУ с умножением частоты составлен из нескольких звеньев [3-6], то процесс управления в каждом звене не изменяется, но из-за временного сдвига работы отдельных звеньев длительность переходного процесса схемы в целом уменьшается. Например, в двухзвеньевом усилителе по схеме рис. 5, а переходный процесс не может превышать 1/п части периода первичного напряжения. Для иллюстрации на рис. 5, б приведена осциллограмма нагрузочного напряжения ин при скачкообразном изменении сопротивления управления в схеме рис. 5, а. Для определения начала переходного процесса осциллографом снято также напряжение ир на контактах рубильника, шунтирующего часть сопротивления управления. Осциллограмма соответствует утроению час-



тоты. Видно, что действительно новый режим устанавливается не позже двух полупериодов выходного напряжения одного звена, т. е. в течение 1/с периода напряжения питания. Аналогичные результаты получены и при других кратностях умножения.

Так как быстродействие является результатом структуры схемы, то относительная длительность переходного процесса не зависит от мощ-

ности устройства и частоты питания. Кратность умножения не ограничена, но ее увеличение сопровождается уменьшением коэффициента использования активных материалов. Поэтому в силовых быстродействующих трансформаторных МУ, вероятно, целесообразно ограничиваться кратностью умножения частоты в два-три раза.

### ЛИТЕРАТУРА

- 1. Сарв В. В., Сювари Т. Ю., В кн.: Вопросы теории и расчета устройств преобразовательной техники, Киев, 1968, с. 40.
- Сарв В. В., Лаусмаа Т. М., Сювари Т. Ю., Паат К. Л., Тезисы докл. XII Всес. совещ. по магнитным элементам автоматики и вычисл. техники, Ташкент, 7—11 окт. 1968, с. 191.
   Сарв В. В., В сб.: Проблемы технической электродинамики, Вып. 24, Элект-
- ромагнитные и полупроводниковые устройства преобразовательной техники, Киев, 1970, с. 131. 4. Сарв В. В., В сб.: Проблемы технической электродинамики, Вып. 19, Вопросы
- преобразования параметров электрической энергии, Киев, 1969, с. 24.
- 5. Сарв В. В., Изв. АН ЭССР, Физ. Матем., 19, 94 (1970). 6. Сарв В. В., Изв. АН ЭССР, Физ. Матем., 20, 182 (1971).
- 7. Сарв В. В., Передача энергии в симметричных поляризованных магнитных умножителях частоты. В кн.: Устройства преобразовательной техники, Вып. 3, Киев, 1969, с. 133.
- 8. Липман Р. А., Негневицкий Н. Б., Быстродействующие магнитные и магнитно-полупроводниковые усилители, М.-Л., 1960.

Инститит термофизики и электрофизики Академии наик Эстонской ССР

Поступила в редакцию 19/III 1971

#### V. SARV, J. PÜSSIM, TIIU SAKKOS, H. TEHVER

# KIIRETOIMELISED SAGEDUSKORDISTUSEGA TRAFOMAGNETVÕIMENDID

Analüüsitakse magnetsageduskordistite ja nendest kujundatud trafomagnetvõimendite kiiretoimelise juhtimise mooduseid üldjuhul, mil kordistustegur on n. Seni tuntud kiiretoimelisi magnetvõimendeid võib vaadelda kui erijuhtu, mil n = 1. Sageduskordistusega kaasneb kordistusteguriga võrdeline siirdeprotsessi kiirenemine ning võimalus toite- ja koormusahelad omavahel isoleerida.

### V. SARV, J. PÜSSIM, TIIU SAKKOS, H. TEHVER

## TRANSFORMER-TYPE MAGNETIC AMPLIFIERS WITH FREQUENCY MULTIPLICATION

Principles of the high-speed control of magnetic frequency multipliers and transformer-type magnetic amplifiers composed from them are analysed. A general case corresponding to the multiplication factor equal to n is treated. The known high-speed magnetic amplifiers can be regarded as a special case with n = 1. The frequency multiplication decreases the response time proportionally to the increase of the multiplication factor, and enables isolation between supply and load circuits.